

Revue des sciences de l'eau

Simulation des transferts réactifs multi-constituants au sein des lits d'infiltration percolation – évaluation des capacités d'oxygénation

Adrien Wanko, Robert Mose et Antoine Sadowski

Volume 19, numéro 3, 2006

URI : id.erudit.org/iderudit/013538ar

DOI : [10.7202/013538ar](https://doi.org/10.7202/013538ar)

[Aller au sommaire du numéro](#)

Éditeur(s)

Université du Québec - INRS-Eau, Terre et Environnement (INRS-ETE)

ISSN 0992-7158 (imprimé)
1718-8598 (numérique)

[Découvrir la revue](#)

Citer cet article

Wanko, A., Mose, R. & Sadowski, A. (2006). Simulation des transferts réactifs multi-constituants au sein des lits d'infiltration percolation – évaluation des capacités d'oxygénation. *Revue des sciences de l'eau*, 19(3), 199–212. doi:10.7202/013538ar

Résumé de l'article

L'assainissement des eaux usées par infiltration percolation appartient à la filière de traitement des rejets polluants à cultures fixées. Dans un contexte géographique spécifique et pour une population avoisinant 500 à 1 000 équivalents habitants, elle paraît bien indiquée. Filière dite rustique, elle n'en est pas moins complexe. L'objectif de cette étude est de contribuer, à travers une simulation numérique, à la compréhension des phénomènes physiques et biochimiques qui s'établissent au sein d'un lit d'infiltration percolation. Les aspects essentiels à l'activité bactérienne que sont l'hydrodynamique du milieu poreux, le développement de la biomasse active, le transport, la consommation et les transferts d'oxygène y sont abordés. À travers des essais d'une vérification méthodique du modèle effectuée à partir des solutions analytiques, il ressort principalement que la dispersion hydrodynamique et le taux de dégradation ont des effets contraires sur le rendement d'abattement des charges polluantes. En outre, un résultat significatif obtenu est la comparaison qualitative et quantitative des apports convectifs et diffusifs en oxygène au sein des lits d'infiltration percolation qui sont à aération naturelle.

Tous droits réservés © Revue des sciences de l'eau, 2006 Ce document est protégé par la loi sur le droit d'auteur. L'utilisation des services d'Érudit (y compris la reproduction) est assujettie à sa politique d'utilisation que vous pouvez consulter en ligne. [<https://apropos.erudit.org/fr/usagers/politique-dutilisation/>]



Cet article est diffusé et préservé par Érudit.

Érudit est un consortium interuniversitaire sans but lucratif composé de l'Université de Montréal, l'Université Laval et l'Université du Québec à Montréal. Il a pour mission la promotion et la valorisation de la recherche. www.erudit.org

SIMULATION DES TRANSFERTS RÉACTIFS MULTI- CONSTITUANTS AU SEIN DES LITS D'INFILTRATION PERCOLATION – ÉVALUATION DES CAPACITÉS D'OXYGÉNATION

Simulation of multi-constituent reactive transfers within vertical flow sand filter (VFSF) - Evaluation of oxygenation capacities

*Adrien Wanko^{*1}, Robert Mose^{1,2}, Antoine Sadowski¹*

¹Laboratoire des Systèmes Hydrauliques Urbains, 1, quai Koch, 67000 Strasbourg (France)

²Professeur d'Hydrologie, Laboratoire des Systèmes Hydrauliques Urbains, 1, quai Koch, 67000 Strasbourg (France)

Reçu le 3 août 2005, accepté le 10 octobre 2005

RÉSUMÉ

L'assainissement des eaux usées par infiltration percolation appartient à la filière de traitement des rejets polluants à cultures fixées. Dans un contexte géographique spécifique et pour une population avoisinant 500 à 1 000 équivalents habitants, elle paraît bien indiquée. Filière dite rustique, elle n'en est pas moins complexe. L'objectif de cette étude est de contribuer, à travers une simulation numérique, à la compréhension des phénomènes physiques et biochimiques qui s'établissent au sein d'un lit d'infiltration percolation. Les aspects essentiels à l'activité bactérienne que sont l'hydrodynamique du milieu poreux, le développement de la biomasse active, le transport, la consommation et les transferts d'oxygène y sont abordés. À travers des essais d'une vérification méthodique du modèle effectuée à partir des solutions analytiques, il ressort principalement que la dispersion hydrodynamique et le taux de dégradation ont des effets contraires sur le rendement d'abattement des charges polluantes. En outre, un résultat significatif obtenu est la comparaison qualitative et quantitative des apports convectifs et diffusifs en oxygène au sein des lits d'infiltration percolation qui sont à aération naturelle.

Mots clés : *Biomasse active; infiltration percolation; milieux poreux; modélisation; non saturé; oxygène; substrat, transfert.*

ABSTRACT

Wastewater sanitation using infiltration/percolation is part of an approach that uses attached microorganisms to treat pollutant loads. It appears suitable for a specific geographical context, and for population equivalents of approximately 500-1000 people. The aim of this study was to improve, by means of a numerical simulation, the understanding of certain physical and biochemical phenomena observed within an infiltration/percolation bed. All the aspects essential to bacterial activity are examined, including: the hydrodynamics of the porous media; the development of an active biomass; transport; and oxygen transfer and consumption. The latter are of paramount importance in non-saturated porous media, where significant aeration can take place, whereas in saturated soils and aquifers containing nitrogenous and organic compounds, the oxygen in water is rapidly consumed.

*Auteur pour correspondance :

Tél. : (33) 0388248270

Fax : (33) 0388248283

Courriel : awanko@engees.u-strasbg.fr

rmose@engees.u-strasbg.fr

The model we have formulated includes seven equations, which describe macroscopic transport, and are coupled and non-linear. The terms “wells/sources” are functions of unknown variables. The resolution of the equations, obtained after discretization of the equations using Euler’s finite difference method, was performed using Thomas’ algorithm and Fortran 95 programming. We used an innovative approach: analytical solutions developed for saturated porous media were modified to take into account a heterogeneous flow field in a non-saturated porous medium. In a systematic approach, we tested two problems that are part of a gradual verification process: one-dimensional convection-dispersion solute without a kinetic reaction; one-dimensional solute with a first-order decay.

The code we have developed insures a very good approximation of the solute transport within a non-saturated porous medium. For a given rate of flow and a given supply period, the greater the dispersion, the quicker the solute will become homogeneous. In other words, a very high dispersion will induce a very low residence time for the solute within the medium. In wastewater treatment within sand beds, the residence time or contact period between the pollutant matter transported by the effluent and the purifying biomass attached to the support is thus a parameter that is linked to the dispersion of the effluent within the medium. It also appears that the reduction in pollutant load is optimized within a biofilm with a high degradation rate, and for an effluent with a low dispersion coefficient. This result is coherent with the link between dispersion and residence time of the effluent in the system.

We also examined the impact that the hydraulic load and the substrate content in the effluent have on the oxygenation capacities of a filtering mass. A qualitative and quantitative analysis of the incoming oxygen flow was performed. Thus we show that, at the beginning of the supply period, convection is more influential than diffusion. We also present several results from the simulations of substrate reduction profiles, which were very closely linked to oxygen content profiles. Thus we observed a rapid decrease in oxygen content due to intensive bacterial activity in the upper part of sand filters, followed by an increase in oxygen towards the bottom of the filter due to the absence of substrate. The main conclusion of this part of the study was that in order to optimize the ability for oxygenation within infiltration/percolation beds, it would be preferable to connect them to the separate sewer networks, which yield more concentrated effluents than do combined sewer networks.

Keys words: *Active biomass; infiltration/percolation; porous media, modelling; non-saturated; oxygen; substrate; transfer.*

1. INTRODUCTION

Les films biologiques jouent un rôle déterminant dans de nombreux systèmes en ingénierie environnementale; ils sont d’un grand intérêt dans ce domaine de la recherche. Plusieurs modèles développés visant la description du comportement du biofilm ont été formulés jusqu’alors. MOLZ *et al.* (1986) abordent la simulation de la dynamique de croissance microbienne couplée au transport de substrat et d’oxygène dans un milieu poreux. Il ressort de ses travaux que des conditions anaérobies se développent rapidement dans un filtre biologique, la biodégradation aérobie cessant pour une quantité importante de substrat à l’entrée du système. À partir d’une expérience et de l’étude descriptive de la croissance d’un film biologique en six étapes, CAPDEVILLE *et al.* (1988) proposent les fondements d’un nouveau concept de modélisation. Il devient alors possible de simuler les évolutions temporelles de la biomasse active, de la biomasse désactivée et de la masse totale du biofilm. Ses résultats demeurent sans lien avec les profils de consommation d’oxygène. On assiste durant les années 2000 à un foisonnement de modèles numériques sur le développement du biofilm. CHEN-CHARPENTIER (1999) synthétise ce qui se fait sur les modèles mathématiques de croissance de la biomasse à l’échelle microscopique et macroscopique. Utilisant les équations de Navier-Stokes couplées à celles d’advection-diffusion, il parvient à corréliser les quantités de biomasse, sa distribution dans le milieu poreux aux propriétés macroscopiques que sont la porosité et la perméabilité. RAUGH *et al.* (1999) montrent à l’aide d’un modèle simplifié les méthodes de découplage du calcul des processus majeurs dans le biofilm que sont : la diffusion du substrat et la conversion biochimique. L’hypothèse d’une distribution homogène des espèces bactériennes est faite et la conversion est calculée en considérant uniquement la fraction active de la biomasse.

Parmi les travaux les plus récents dans ce domaine, on peut citer, d’une part, ceux de SCHWARZ *et al.* (2001) dont les investigations portent sur le lien entre les chutes de pression dans les structures poreuses et la croissance bactérienne. À l’aide du modèle développé, ils seraient en mesure de prédire la croissance d’un biofilm non uniforme sous certaines conditions, et, d’autre part, ceux de TIWARI et BOWERS (2001) qui suivent l’évolution de la porosité et la perméabilité affectées par la croissance bactérienne. Le modèle qu’ils développent intègre la structure microscopique du biofilm. COOPER (2004) souligne l’importance de la maîtrise des transferts d’oxygène au sein des filtres à sable à écoulement vertical. Il précise que du fait des taux de transfert d’oxygène élevés, les rendements d’abattement de la charge polluante sont mieux comparés à ceux obtenus au sein de filtres à sable à écoulement horizontal.

Du fait de la complexité de la représentation du biofilm (modèles de Monod, des Micro-colonies et du Biofilm) et des interactions physico-chimiques, la majorité des problèmes traités sont unidimensionnels. Quelques modèles numériques bidimensionnels (RIFAI *et al.*, 1988; ODENCRANTZ, 1992; MILLS *et al.*, 1991) et tridimensionnels (SLEEP et SYKES, 1993; ZHENG, 1993) ont toutefois été développés. Optant pour une simplicité dans l'approche modélisatrice qui n'enlève rien à une exploitation efficiente des résultats, le problème étudié ici est unidimensionnel.

Les modèles recensés jusqu'ici prennent en compte séparément le développement bactérien, le transport du substrat ou de l'oxygène et l'hydrodynamique des filtres. En outre, ils sont développés presque exclusivement pour des milieux poreux saturés. Celui que nous proposons permettra : soit un suivi temporel, soit une distribution verticale dans un filtre à sable de plusieurs paramètres liés à l'activité biologique, au transport et transfert d'oxygène et à l'hydrodynamique du système qui gouverne tous les phénomènes. Dans une approche nouvelle qui combine le génie chimique des réactions et l'approche mécaniste des transferts, nous différencions la consommation de l'oxygène gazeux de celle de l'oxygène dissous. Celle-ci serait stoppée dès lors qu'elle est inférieure à une concentration critique. Nous examinons la cohérence ainsi que la concordance des variations des paramètres clés. L'exactitude des solutions numériques est abordée après implémentation des solutions pseudo-analytiques en milieu poreux non saturé. À travers différents essais de vérification du modèle, l'importance relative du coefficient de dispersion d'un soluté par rapport au taux de dégradation est analysée. Par la connaissance des flux d'infiltration d'air puis des profils de concentration en oxygène dans la phase gazeuse, la prédiction de l'avènement des conditions indésirables telles que l'anaérobiose est effective. Ce modèle permet en outre une caractérisation qualitative et quantitative des apports convectifs et diffusifs nécessaires au maintien d'une dégradation aérobie.

2. FORMULATION DU MODÈLE

2.1 Modèle d'écoulement en milieux poreux non saturé

L'écoulement vertical dans un milieu poreux non saturé est décrit par l'équation de RICHARDS (1931) dont la forme mixte (c'est-à-dire la forme en teneur en eau et pression) est donnée ci-dessous :

$$\frac{\partial \theta}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial z} \left[K(\theta) \cdot \left(\frac{\partial h}{\partial z} - 1 \right) \right] \quad (1)$$

où : K la conductivité hydraulique du milieu ($L \cdot T^{-1}$),

h la pression relative de l'eau par rapport à la pression atmosphérique (L),

z la profondeur mesurée positivement vers le bas (L),

θ la teneur en eau volumique ($L^3 \cdot L^{-3}$).

Plusieurs descriptions empiriques liant la teneur en eau du sol, la conductivité hydraulique et la hauteur de succion sont proposées classiquement dans la littérature. Les modèles de VAN GENUCHTEN (1980) et de MUALEM (1976) ont été retenus.

$$\theta_c = \frac{1}{\left[1 + (\alpha h)^n \right]^m} \quad (2)$$

$$K(\theta_c) = K_s \theta_c^\ell \left[1 - \left(1 - \theta_c^{1/m} \right)^m \right]^2 \quad (3)$$

avec (VAN GENUCHTEN, 1980) :

$$\theta_c = \frac{(\theta - \theta_r)}{(\theta_s - \theta_r)}$$

et où θ_r ($L^3 \cdot L^{-3}$) et θ_s ($L^3 \cdot L^{-3}$) sont respectivement la teneur résiduelle en eau et la teneur en eau à saturation; θ_c la teneur effective en eau, K_s ($L \cdot T^{-1}$) la conductivité hydraulique à saturation, α (L^{-1}) un paramètre empirique dont l'inverse peut se référer à la pression d'entrée d'air, n et m deux paramètres empiriques liés à la distribution de la taille des pores ($m = 1 - \frac{1}{n}$), d'après MUALEM, 1976) et ℓ un paramètre lié à la connectivité des pores.

2.2 Modèle de transport de la biomasse active

Le transport macroscopique de la biomasse active en suspension dans la phase liquide du milieu poreux est décrit par l'équation de TAYLOR et JAFFÉ (1990) :

$$\frac{\partial (\theta \cdot C_B)}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial z} \left(\text{Disp} \cdot \theta \cdot \frac{\partial C_B}{\partial z} \right) - \frac{\partial}{\partial z} (q \cdot C_B) + R_B + R_S - R_D \quad (4)$$

où : C_B la concentration de la biomasse active par unité de volume de la phase liquide ($M \cdot L^{-1}$),

Disp le coefficient de dispersion hydrodynamique ($L^2 \cdot T^{-1}$),

R_B le taux de production de la biomasse dans la phase liquide ($M \cdot L^{-1} \cdot T^{-1}$),

q le débit spécifique d'infiltration ($L \cdot T^{-1}$)

Le terme ($R_S - R_D$) traduit les échanges entre la biomasse de la phase liquide en mouvement et la biomasse de la phase liquide immobile liée au support granulaire fin. Si par hypothèse nous

supposons que la croissance de la biomasse est décrite par les fonctions cinétiques de Monod (HERMANOWICZ, 1997) et si sa décroissance est un processus cinétique du premier ordre, R_B est donné par :

$$R_B = \left[\frac{k_1 \cdot C_S}{(K_S + C_S)} \cdot \frac{C_O}{(K_O + C_O)} - \frac{b \cdot C_O}{(K_O + C_O)} \right] \cdot k_2 \cdot \theta \cdot C_B \quad (5)$$

où : k_1 le taux d'utilisation maximale du substrat (T^{-1}),
 k_2 le coefficient d'utilisation de l'oxygène pour la synthèse bactérienne (adimensionnel),
 b le taux de respiration endogène de la biomasse (T^{-1}),
 K_S le coefficient de demi-activité de Monod par rapport au substrat ($M \cdot L^{-1}$),
 K_O le coefficient de demi-activité par rapport à l'oxygène ($M \cdot L^{-1}$).

Les variables C_S et C_O sont explicitées dans un paragraphe ultérieur.

2.3 Modèle de transport du substrat

L'équation de transport macroscopique du substrat (TAYLOR et JAFFÉ, 1990) est donnée par :

$$\frac{\partial(\theta \cdot C_B)}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial z} \left(\text{Disp} \cdot \theta \cdot \frac{\partial C_B}{\partial z} \right) - \frac{\partial}{\partial z} (q \cdot C_B) + R_B + R_S - (6)$$

avec : C_S la concentration du substrat dans la phase liquide ($M \cdot L^{-1}$).

R_{sub} représente dans la phase liquide le taux d'utilisation du substrat par la biomasse ($M \cdot L^{-1} \cdot T^{-1}$)

S_{sub} le transfert net du substrat vers le biofilm par diffusion à travers l'interface eau/biofilm ($M \cdot L^{-1} \cdot T^{-1}$).

Exploitant les travaux d'ATKINSON et DAVIS (1974) puis ceux de RITTMANN (1982), TAYLOR et JAFFÉ (1990) donnent les expressions de R_{sub} et S_{sub} (Équations 7 et 8) en milieux poreux saturés. Elles ont été réécrites pour un milieu poreux non saturé, en présence d'oxygène dissous et gazeux.

$$S_{\text{sub}} = -\frac{k_1}{Y} \cdot \eta \cdot \theta^{\text{biof}} \cdot k_2 \cdot \frac{C_S \cdot C_O}{(K_S + C_S)(K_O + C_O)} \cdot \rho^{\text{biof}} \quad (7)$$

$$R_{\text{sub}} = -\frac{k_1}{Y} \cdot \theta \cdot k_2 \cdot \frac{C_S \cdot C_O}{(K_S + C_S)(K_O + C_O)} \cdot C_B \quad (8)$$

où : η un facteur d'efficacité corrigeant la résistance à la diffusion du substrat (adimensionnel),
 Y le rendement de conversion du substrat en biomasse (adimensionnel),

ρ_{biof} la masse volumique du biofilm ($M \cdot L^{-1}$).

2.4 Modèle de conservation du biofilm

En tenant compte des échanges considérés dans les équations 4 et 6, il résulte l'équation de conservation de la phase du biofilm qui s'écrit comme suit :

$$\frac{\partial(\theta^{\text{biof}} \cdot \rho^{\text{biof}})}{\partial t} = -S_{\text{sub}} - b \cdot \theta^{\text{biof}} \cdot \rho^{\text{biof}} + (R_D - R_S) \quad (9)$$

où : θ_{biof} la teneur volumique du biofilm (L^3/L^3),
 R_D le taux de sédimentation, de filtration ou d'adsorption de la biomasse sur le support minéral ($M \cdot L^{-1} \cdot T^{-1}$),
 R_S le taux de cisaillement de la biomasse du biofilm ($M \cdot L^{-1} \cdot T^{-1}$).

Des auteurs cités par TAYLOR et JAFFÉ (1990) montrent que R_D est du premier ordre par rapport à la concentration de la biomasse active; d'où l'expression suivante :

$$R_D = (\theta^{\text{biof}} \cdot c_1 + c_2) \cdot \theta \cdot C_B \quad (10)$$

où c_1 et c_2 sont des constantes introduites par DEB (1969). RITTMANN (1982) montre que le cisaillement n'est pas très significatif dans un milieu poreux dont les particules sont de la taille des graviers, mais est par contre très important dans un milieu poreux constitué de sable. Il propose l'expression :

$$R_S = b_s \cdot \theta^{\text{biof}} \cdot \rho^{\text{biof}} \quad (11)$$

où b_s est le coefficient spécifique de perte par cisaillement.

2.5 Modèle de transport et de consommation d'oxygène

Dans un massif filtrant, l'oxygène est apporté sous forme dissoute dans l'influent avec une concentration maximale de l'ordre de $10 \text{ mg} \cdot L^{-1}$, par convection suite au mouvement d'air lié au déplacement de la phase liquide et par diffusion moléculaire (VASEL, 2003). KRUIH et SEGALL (1981) développent un modèle qui simule la consommation d'eau, d'oxygène et de nitrate par les plantes du sol. Ils tiennent compte de l'oxygène dissous dans l'eau et incluent une concentration critique en deçà de laquelle la consommation d'oxygène est stoppée. Il est admis par ailleurs en boues activées que l'oxygène ne devient limitant, du point de vue cinétique, qu'en dessous d'une concentration critique de l'ordre de $0,5 \text{ mg} \cdot L^{-1}$ (VASEL, 2003).

2.5.1 Équation macroscopique de transport et de consommation de l'oxygène gazeux

$$\frac{\partial(\phi_a \cdot C_{OG})}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial z} \left(D_G \cdot \frac{\partial C_{OG}}{\partial z} \right) - \frac{\partial}{\partial z} (q^a \cdot C_{OG}) - R_{OG} - R_T \quad (12)$$

où : C_{OG} la concentration d'oxygène dans la phase gazeuse du massif filtrant ($M \cdot L^{-1}$),

$\phi_a = (\phi - \theta)$ la porosité libre à l'air; ϕ étant la porosité, R_{OG} le taux de consommation d'oxygène gazeux lié à l'activité biologique ($M \cdot L^{-1} \cdot T^{-1}$),

R_T le taux de transfert d'oxygène de la phase gazeuse vers la phase liquide ($M \cdot L^{-1} \cdot T^{-1}$),

q^a le débit spécifique d'infiltration d'air ($L \cdot T^{-1}$),

D_G le coefficient de diffusion de l'oxygène dans la phase gazeuse ($L^2 \cdot T^{-1}$).

Plusieurs modèles du coefficient D_G sont proposés dans la littérature, celui de CURRIE (1960) est des plus utilisé et largement diffusé. Il a été exploité durant cette étude.

Le débit spécifique d'infiltration d'air q^a est déterminé par l'équation de conservation ci-dessous :

$$\frac{\partial(\phi_a)}{\partial t} = - \frac{\partial q^a}{\partial z} \quad (13)$$

Cette équation exprime que la divergence du flux d'infiltration de l'effluent et celui de l'air sont égaux et varient en sens inverse. Dans un volume élémentaire représentatif, la décroissance de q est compensée par l'augmentation de q^a et réciproquement.

2.5.2 Équation macroscopique de transport et de consommation de l'oxygène dissous

$$\frac{\partial(\theta \cdot C_{OD})}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial z} \left(D_L \cdot \frac{\partial C_{OD}}{\partial z} \right) - \frac{\partial}{\partial z} (q \cdot C_{OD}) - R_{OD} + R_T \quad (14)$$

où : C_{OD} la concentration de l'oxygène dissous ($M \cdot L^{-1}$),

R_{OD} le taux de consommation d'oxygène dissous lié à l'activité biologique ($M \cdot L^{-1} \cdot T^{-1}$),

D_L est le coefficient de dispersion de l'oxygène dans la phase liquide ($L^2 \cdot T^{-1}$).

Par ailleurs, l'évolution de C_{OD} est liée au taux de transfert d'oxygène de la phase gazeuse vers la phase liquide de la matrice poreuse selon l'équation :

$$R_T = \theta \cdot k_L a \cdot (C_{ODS} - C_{OD}) \quad (15)$$

où : $k_L a$ le coefficient volumique de transfert d'oxygène (T^{-1}),

C_{ODS} la concentration à saturation de l'oxygène dissous ($M \cdot L^{-1}$)

Dans chaque volume élémentaire représentatif, il existe par le biais de la loi d'Henri un équilibre entre C_{ODS} et la concentration d'oxygène dans la phase gazeuse :

$$C_{OG} = H_e \cdot C_{ODS} \quad (16)$$

avec H_e la constante d'Henri adimensionnelle.

2.5.3 Termes de consommation d'oxygène ROD et ROG

La consommation d'oxygène résulte à la fois de la conversion du substrat en biomasse, c'est-à-dire de la combustion de la matière organique et de la respiration endogène des micro-organismes. D'où l'expression du taux de consommation suivant :

$$R_O = R_O^{conv} + R_O^{end}$$

avec :

$$R_O^{conv} = k_1 \cdot k_2 \cdot \frac{(1-Y)}{Y} \cdot \frac{C_O}{(K_O + C_O)} \cdot \left(\frac{C_S}{(K_S + C_S)} \cdot \theta \cdot C_B + \eta \cdot \theta^{biof} \cdot \rho^{biof} \right) \quad (17)$$

$$R_O^{end} = k_2 \cdot b \cdot \frac{(1-Y)}{Y} \cdot \frac{C_O}{(K_O + C_O)} \cdot \theta \cdot C_B \quad (18)$$

Dans les deux équations 17 et 18, l'indice ' $_O$ ' est remplacé par les indices ' $_{OD}$ ' ou ' $_{OG}$ ' désignant l'oxygène dissous et gazeux respectivement. Lorsque le régime d'alimentation du massif filtrant est permanent, le biofilm baigne en permanence dans la phase liquide, et nous faisons l'hypothèse que la consommation d'oxygène dissous est prioritaire et se produit jusqu'à ce que sa concentration soit inférieure ou égale à une concentration critique C_C . Dans ce dernier cas, la consommation d'oxygène se ferait directement dans la phase gazeuse; son transfert de la phase gazeuse vers la phase liquide s'accélère et le processus recommence.

Le modèle ainsi formulé se résume à six équations de transports macroscopiques couplés et non linéaires. Les termes puits/sources sont des fonctions des variables inconnues.

3. RÉOLUTION NUMÉRIQUE

La linéarisation des équations obtenues après discrétisation des équations de conservation et de transport par la méthode de différences finies avec un schéma temporel d'Euler est effectuée à l'aide de la technique itérative de Picard, bien explicité dans LEHMANN (1996). La résolution des systèmes algébriques se fait par l'algorithme de Thomas et la programmation en Fortran 95. Le choix d'un schéma implicite en temps nous

affranchit des critères temporels d'instabilité (valeur de CFL très faible). Toutefois, les pas de temps et d'espace sont choisis de façon à obtenir des nombres de Peclet ($P_e = \frac{q}{\theta} \cdot \frac{\Delta z}{\text{Disp} \cdot \Delta t}$) assez petits et éviter ainsi des oscillations liés à la discrétisation spatiale des termes dispersif et convectif.

3.1 Paramètres du modèle

Les paramètres du modèle ont été tirés de la littérature. Les principaux sont issus des travaux publiés et recensés dans le tableau 1.

4. VÉRIFICATION DU CODE DE CALCUL

4.1 Exactitude des solutions numériques

Cette partie constitue une étape capitale qui permet au programmeur de s'assurer de l'exactitude de la solution numérique. Il s'agit ici de comparer les solutions analytiques et numériques. Pour que ce processus soit légitime, les problèmes identiques sont résolus analytiquement et numériquement, et ce, pour les mêmes conditions initiales et aux limites.

Peu de solutions analytiques décrivant le transport de soluté dissous couplé aux réactions existent. Celles existantes dans la littérature le sont presque exclusivement pour des milieux saturés pour lesquels la vitesse de Darcy est constante.

En milieu non saturé, la nécessité de calculer le champ d'écoulement s'impose. Nous exploitons donc ici, dans une approche innovante, des solutions analytiques développées pour des milieux saturés et modifiées pour tenir compte d'un champ d'écoulement hétérogène en milieux poreux non saturés.

De façon méthodique, deux problèmes s'inscrivant dans un processus graduel de vérification sont testés :

- Convection-dispersion d'un soluté sans réaction cinétique.
- Transport unidimensionnel d'un soluté dissous en milieu poreux non saturé avec une dégradation de premier ordre.

4.2 Mesure des performances

Les solutions numériques et analytiques sont comparées qualitativement et quantitativement. L'analyse qualitative comporte une comparaison visuelle des solutions alors que l'analyse quantitative emploie des moyens mathématiques afin de mesurer la différence entre les solutions numériques et analytiques. Elle peut se faire de différentes façons par la détermination de l'erreur absolue maximum, la somme d'erreur absolue et la somme d'erreur au carré, l'erreur sur le bilan de matière, la somme relative d'erreur au carré (Srec). Cette dernière grandeur, dont l'expression est donnée ci-dessous, a été utilisée.

$$S_{\text{rec}} = \sum_{i=1}^N \left(\frac{C_{Ai} - C_{Ni}}{C_0} \right)^2 \quad (19)$$

Tableau 1 Principaux paramètres du modèle.

Table 1 Main model parameters.

PARAMÈTRES PRINCIPAUX DU MODÈLE							
Paramètres	Unités	INSEL <i>et al.</i> , (2002), cl*	TAYLOR et JAFFÉ, (1990), cf	MORGENROTH et WILDERER, (1999), cf	TIWARI et POWERS, (2001), cf	VIOITI <i>et al.</i> , (2002), cf	Modèle Développé, cf
k_1	(s ⁻¹)	2,96 E - 05	8,91 E - 05	5,55 E - 05	4,97 E - 05	5,78 E - 05	5,78 E - 05
b	(s ⁻¹)	3,47 E - 06	3,18 E - 07	3,24 E - 06	4,05 E - 06	-	3,47 E - 06
K_S	(g.L ⁻¹)	1,98 E - 02	7,99 E - 04	5,00 E - 03	1,00 E - 04	5,00 E - 02	5,00 E - 03
K_O	(g.L ⁻¹)	-	-	1,00 E - 04	-	4,00 E - 03	4,00 E - 04
Y	(g.g ⁻¹)	0,67	0,0975	-	0,5	0,45	0,67
Disp	(cm ² .s ⁻¹)	-	0,0929	-	1,55 E - 05	6,70 E - 06	0,001
ρ^{biof}	(g/L)	-	2,5	-	-	-	2,5
$c_1 - c_2$	(-)	-	6810 - 653	-	-	-	6810 - 653
C_S	(g.L ⁻¹)	0,43	7,20 E - 03	(3-10) E - 03	0,02	0,1	0,6 - 1,2
C_{ODS}	(g.L ⁻¹)	-	-	8,00 E - 03	-	0,01	9,33 E - 03
D_1	(cm ² .s ⁻¹)	-	-	-	-	2,30 E - 05	-
k_a	(s ⁻¹)	-	-	-	-	-	0,00433
H_e	(-)	-	-	-	-	-	30

*cf : cultures fixées, cl : cultures libres

avec : Srec la somme relative d'erreur au carré,
 N le nombre de noeuds du domaine,
 C_{Ai} la concentration analytique au noeud i,
 C_{Ni} la concentration numérique au noeud i,
 C_0 la concentration du soluté à la source.

où : C_0 la concentration à l'entrée du domaine ($M \cdot L^{-3}$),
 C_i la concentration initiale dans le domaine ($M \cdot L^{-3}$),
 K le coefficient de dégradation du premier ordre (T^{-1}),

et :

$$A = \sqrt{1 + \frac{4 \cdot D \cdot K}{V^2}}$$

4.2.1 Transport d'un soluté dissous avec une source continue sans réaction cinétique

La solution analytique en milieu poreux saturé est donnée par FETTER (1993) :

$$C(x, t) = \frac{C_0}{2} \left[\operatorname{erfc} \left(\frac{x - V \cdot t}{2\sqrt{D \cdot t}} \right) + \exp \left(\frac{V \cdot x}{D} \right) \cdot \operatorname{erfc} \left(\frac{x + V \cdot t}{2\sqrt{D \cdot t}} \right) \right] \quad (20)$$

avec : t le temps (T),
 x la distance à la surface (L),
 C_0 la concentration à l'entrée du domaine ($M \cdot L^{-3}$),
 V la vitesse intersticielle = vitesse de Darcy / porosité ($L \cdot T^{-1}$),
 D le coefficient de dispersion (L^2/T).

La solution pseudo-analytique en milieu poreux non saturé est implémentée en déterminant numériquement V dans chaque pore à l'aide de l'équation de Richards (Équation 1).

$$V = \frac{K(\theta)}{\theta} \cdot \left(\frac{\partial h}{\partial z} - 1 \right) \quad (21)$$

Le débit imposé par la condition de Neumann assure une vitesse V constante et un milieu non saturé.

La solution numérique s'obtient en imposant une valeur nulle à tous les termes puits/source des six équations de transport du modèle.

4.2.2 Transport d'un soluté dissous avec une source continue et une dégradation de premier ordre

La solution analytique avec une vitesse uniforme V est donnée par POULSEN, (1991) :

$$C(x, t) = \frac{C_0}{2} \left[\exp \left(\frac{(1-A) \cdot V \cdot x}{2 \cdot D} \right) \operatorname{erfc} \left(\frac{(x - A \cdot V \cdot t)}{2\sqrt{D \cdot t}} \right) \right] + \frac{C_0}{2} \left[\exp \left(\frac{(1+A) \cdot V \cdot x}{2 \cdot D} \right) \operatorname{erfc} \left(\frac{(x + A \cdot V \cdot T)}{2\sqrt{D \cdot t}} \right) \right] + \frac{C_i}{2} \cdot \exp(-K \cdot t) \cdot \left[\operatorname{erfc} \left(\frac{V \cdot t - x}{2\sqrt{D \cdot t}} \right) - \exp \left(\frac{V \cdot x}{D} \right) \operatorname{erfc} \left(\frac{(V \cdot t + x)}{2\sqrt{D \cdot t}} \right) \right] \quad (22)$$

La solution pseudo-analytique s'obtient de la même façon que précédemment. La solution numérique à partir du code développé s'obtient en considérant tous les termes puits/source nuls sauf ceux de l'équation 6 du transport du substrat. Le terme de consommation résulte dans (6) de la double cinétique de Monod. Afin d'obtenir une dégradation du premier ordre, il suffit de prendre : $K_s \gg C_s$ et $K_o \ll C_o$. Avec la première inégalité, le terme de consommation du substrat devient une fonction linéaire de la concentration en substrat (C_s) et la seconde inégalité annihile l'action de l'oxygène.

5. RÉSULTATS ET DISCUSSIONS

5.1 Hydrodynamique en milieu vierge

Les paramètres physiques et hydrodynamiques du milieu poreux étudiés sont les suivants :

$$\theta_r = 0,08, \theta_s = 0,43, \alpha = 0,059 \text{ cm}^{-1}, \\ n = 1,48, K_{sat} = 3,63 \cdot 10^{-3} \text{ cm/s.}$$

L'hydrodynamique est le module central du modèle car il gouverne l'ensemble des phénomènes de transfert et de transport dans le milieu poreux. Il est donc essentiel de s'assurer de sa justesse. Les profils d'humidité obtenus en milieu vierge, c'est-à-dire non colonisé par la biomasse, sont comparés à différents instants aux solutions analytiques de l'équation de Richards obtenues par BROADBRIDGE et WHITE (1988) puis WARRICK et al. (1990) (Figure 1). Les solutions développées par le modèle sont d'autant plus satisfaisantes que le temps de simulation est long. Un écart relatif maximal de 0,5 % est ainsi obtenu pour un temps d'infiltration de 48 heures.

5.2 Dispersion hydrodynamique et temps de séjour

Lors d'études similaires, VIOTTI et al. (2002) puis BANCOLÉ et al. (2003) ont calé leur modèle avec des charges hydrauliques maximales de 3,46 cm/jour et 25 cm/jour respectivement. La charge hydraulique testée durant toutes les simulations varie de 8,64 cm/j à 20 cm/j. La dispersion

d'un soluté dissous dans un fluide en écoulement au sein d'un milieu poreux traduit la répartition du soluté en concentration au sein de ce milieu. La figure 2 représente, pour différentes valeurs du coefficient de dispersion, l'évolution temporelle des profils de concentration relative d'un soluté.

On observe une bonne superposition des solutions numériques et pseudo-analytiques, l'ordre de grandeur de la somme des écarts relatifs au carré (Serc) étant de 10^{-2} . Le code développé assure une très bonne approximation du transport de soluté au sein d'un milieu non saturé. Pour un débit et un temps d'alimentation fixés, la distribution du soluté sera d'autant plus rapidement homogène que la dispersion est

élevée. Dans le traitement des eaux usées au sein des lits de sable, le temps de séjour ou temps de contact entre la matière polluante véhiculée dans l'effluent et la biomasse épuratrice fixée sur le support est donc un paramètre corrélé à la dispersion de l'effluent au sein du milieu. Quel impact la dispersion a-t-elle sur le traitement? Cette question est abordée à la section suivante.

5.3 Pouvoir dispersif et capacité de dégradation

Le transport d'un soluté couplé à une dégradation du premier ordre est simulé. Sur la figure 3, nous vérifions la

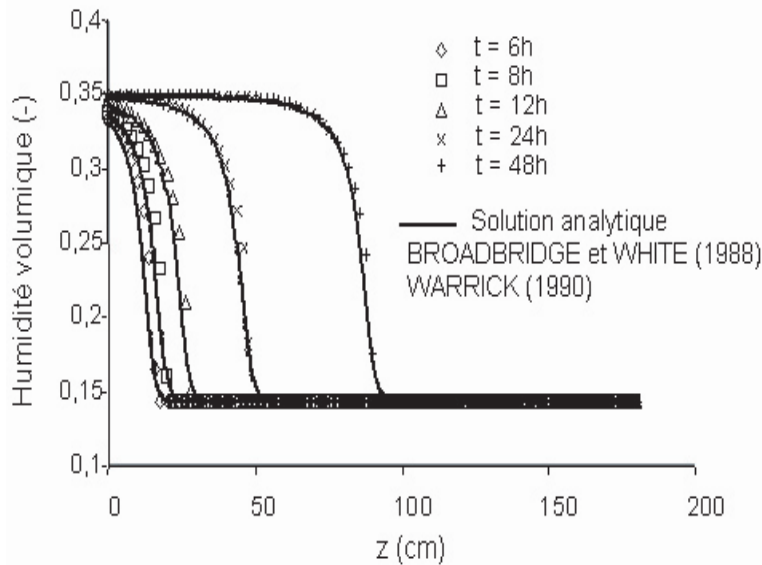


Figure 1 Comparaison des solutions analytiques de l'équation de Richards et celle du modèle développé pour un débit de 8,64 cm/j.
Comparison between the analytical solutions to Richard's equation and those yielded by the model developed for a flow of 8.64 cm/day.

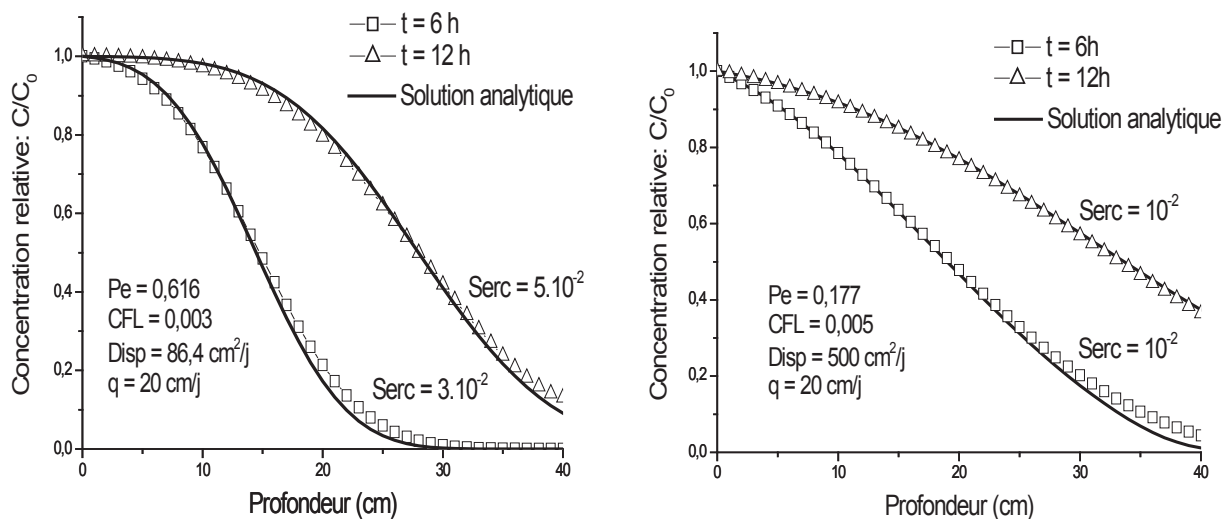


Figure 2 Convection-dispersion d'un soluté dissous sans réaction chimique.
Convection and dispersion of a solute without a chemical reaction.

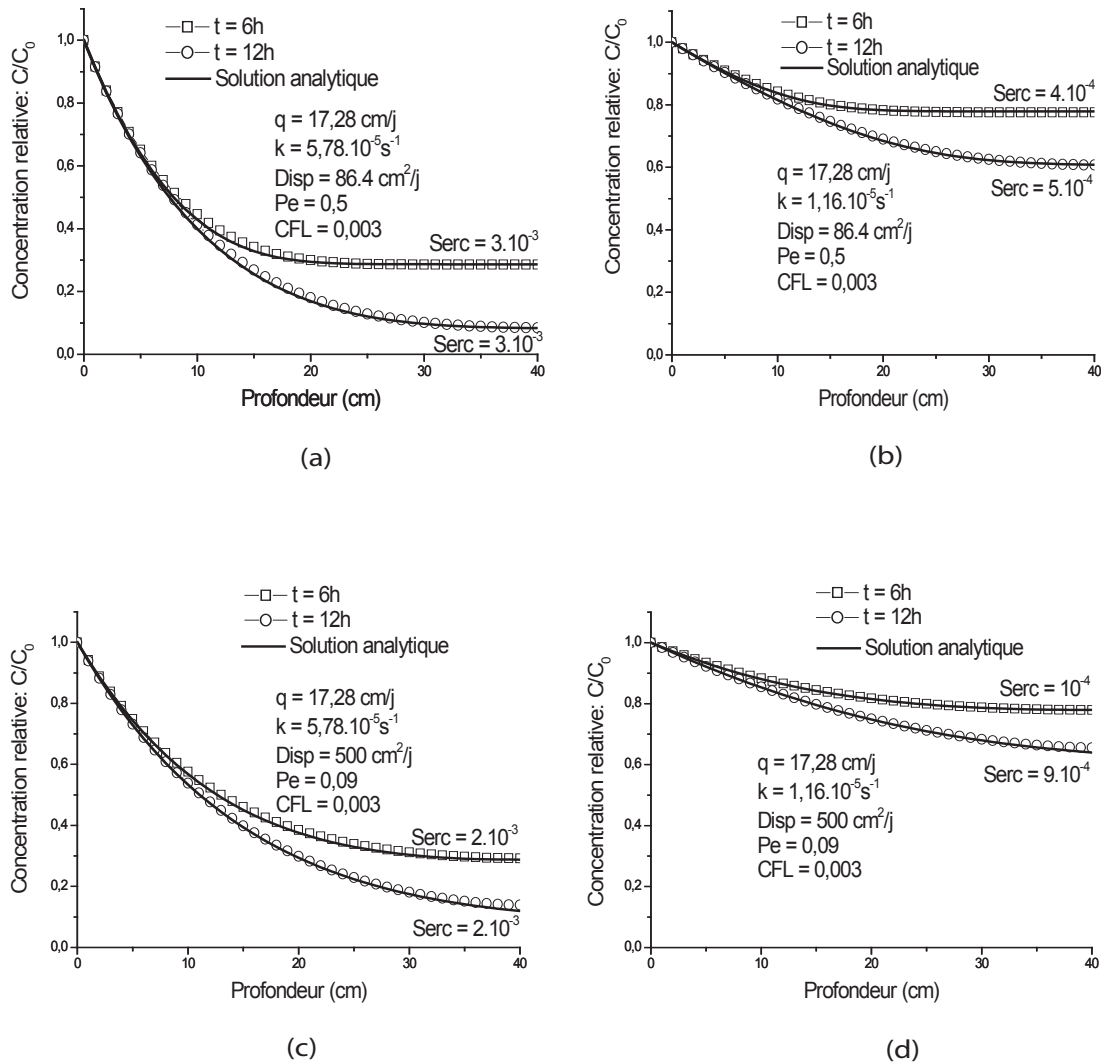


Figure 3 Illustration de l'effet conjugué de la dispersion et du taux de dégradation du substrat.
Illustration of the combined effect of dispersion and the rate of degradation of the substrate.

solution numérique et nous observons l'effet conjugué du taux de dégradation et du coefficient de dispersion. Il faut remarquer que dans ces simulations, $C_i = C_0$ (voir équation 22).

Les solutions numériques sont ici parfaitement superposées aux solutions analytiques avec un Serc de l'ordre de 10^{-4} à 10^{-3} . Pour un débit d'alimentation fixé, la figure 3 représente l'évolution temporelle du profil de concentration relative du soluté pour les différents cas suivants :

- Faible dispersion et taux de dégradation élevé
- Faible dispersion et faible taux de dégradation
- Forte dispersion et taux de dégradation élevé
- Forte dispersion et faible taux de dégradation

Les pourcentages d'élimination du substrat pour les quatre cas de figures simulés sont donnés dans le tableau 2.

Il apparaît, au vu du tableau 2, que l'abattement des charges polluantes est optimisé au sein d'un biofilm à taux de dégradation élevé et pour un effluent à faible coefficient de dispersion (cas a). Ce résultat est parfaitement cohérent avec la corrélation dispersion/temps de séjour de l'effluent évoquée au paragraphe précédent.

Des cas simples de convection-dispersion sans réaction cinétique puis avec une dégradation de premier ordre sont donc parfaitement pris en compte par le modèle numérique.

5.4 Évaluation des capacités d'oxygénation

5.4.1 Spécification des apports en oxygène

L'infiltration percolation est une filière aérobie de traitement des eaux usées à travers un massif poreux. L'oxygénation du milieu a lieu du fait d'une ventilation naturelle et essentiellement par convection et diffusion. Le taux de transfert d'oxygène est

Tableau 2 Pourcentage d'abattement du substrat pour différents couples (k; Disp).
Table 2 Percent reduction of the substrate for different conditions (k; Disp).

Temps d'infiltration	a	b	c	d
t = 6 h	71,4 %	22,4 %	70,8 %	22,1 %
t = 12 h	91,6 %	39,3 %	86,1 %	34,5 %

Tableau 3 Paramètres hydrauliques et organiques de l'influent.
Table 3 Hydraulic parameters and organic content of the influent.

Charge hydraulique (H)	8,64 cm/jour	17,28 cm/jour
Concentration de l'influent (C ₀)	1,2 g/L	0,6 g/L
Charge organique apportée	103,68 g/m ² /jour	103,68 g/m ² /jour

l'un des facteurs les plus importants dans le dimensionnement des filtres à sable à écoulement vertical (COOPER, 2004). Il apparaît donc capital de déterminer, d'une part, l'ordre de grandeur relatif des phénomènes de convection et de diffusion, et, d'autre part, les principaux paramètres influençant sensiblement ces phénomènes.

Par ailleurs, d'après HEADLEY *et al.* (2004), la charge hydraulique est un facteur critique pour le dimensionnement des filtres à écoulement vertical.

Dans la suite, nous examinons l'impact de la charge hydraulique et de la concentration en substrat d'un effluent sur les capacités d'oxygénation d'un massif filtrant.

L'alimentation est continue, deux charges hydrauliques sont testées tout en maintenant la charge organique apportée constante telle que le montre le tableau 3.

Pour la détermination numérique des flux entrants convectifs (J_{Conv}) et diffusifs (J_{Diff}), nous utilisons la méthode développée par WIND et VAN DOORNE (1975) et POULSEN (1994), et bien explicité par FABRITZ (1995).

Dans le cas d'un maillage en une dimension, J_{Conv} et J_{Diff} sont déterminés de la façon suivante :

$$J_{Conv} = q_1^a \cdot C_{OG1} \quad (23)$$

$$J_{Diff} = \left(\frac{q_1^a}{2} - \frac{(q_1^a)^2 \cdot \Delta t}{2 \cdot \Delta z} - \frac{D_G}{\Delta z} \right) \cdot (C_{OG2} - C_{OG1}) \quad (24)$$

où : q_1^a le flux d'air entrant au niveau de la maille supérieure (déterminé par l'équation 13),

C_{OG1} et C_{OG2} respectivement les concentrations d'oxygène aux mailles 1 et 2,

D_G le coefficient de diffusion de l'air qui dépend de la porosité libre à l'air.

5.4.2 Conditions initiales et aux limites - Constantes du modèle

Concernant l'hydrodynamique, la condition à la limite supérieure est celle de Neumann (flux constant) et la condition à la limite inférieure est celle d'un drainage libre ou gradient unitaire (LEHMANN, 1996). S'agissant du substrat et de l'oxygène, les conditions aux limites inférieures du domaine sont dites de transmission (C_{N-1} = C_N).

• Hydrodynamique

$$\begin{cases} h(z, t = 0) = -100 \text{ cm,} \\ q(z = 0, t) = 10^{-4} \text{ cm/s (8,64 cm/j) ou } 2 \cdot 10^{-4} \text{ cm/s (17,28 cm/j),} \\ q(z = L, t) = K[h(z = L, t)] \end{cases}$$

• Substrat

$$\begin{cases} C_s(z = 0, t) = C_{s0} (0,6 \text{ g/L ou } 1,2 \text{ g/L}) \\ C_s(z, t = 0) = 0 \\ C_s(z = L, t) = C_s(z = L - dz, t) \end{cases}$$

• Oxygène

$$\begin{cases} C_o(z = 0, t) = C_{o0} (9,33 \cdot 10^{-3} \text{ g/L}) \\ C_o(z, t = 0) = C_{o0} \\ C_o(z = L, t) = C_o(z = L - dz, t) \end{cases}$$

Les principales constantes utilisées pour les simulations sont rassemblées dans le tableau 1.

La figure 4 présente les résultats des simulations numériques.

Les flux convectifs et diffusifs varient en sens inverse durant une alimentation continue du massif poreux. Très élevés en début d'alimentation (régime transitoire), les flux convectifs décroissent assez rapidement lors de l'établissement du régime permanent. L'apport convectif en oxygène est donc maximal en début d'alimentation et est d'autant plus important que le débit d'alimentation l'est, d'où la préconisation d'une alimentation intermittente ou par à-coups favorisant plusieurs pics de convection (WANKO *et al.*, 2004). Très faibles en début d'alimentation, les flux diffusifs croissent d'autant plus rapidement que la concentration en substrat de l'influent est élevée. L'explication provient du fait que la biodégradation des influents très pollués (C_s élevé) nécessite d'importantes quantités d'oxygène, ce qui induit des gradients de concentration en oxygène considérables et par la suite des flux diffusifs de plus

en plus élevés. Toutefois, la valeur limite maximale que peuvent atteindre les flux diffusifs s'obtiendra en prenant l'écart calculé avec la concentration en oxygène maximal approximativement égal à la concentration à saturation de l'oxygène dans l'air atmosphérique. L'ordre de grandeur du phénomène de diffusion demeure nettement inférieur à celui de convection pour le temps d'infiltration simulé.

Le modèle permet donc une analyse qualitative et quantitative des flux d'oxygène entrants. Ainsi, la prépondérance des flux convectifs par rapport aux flux diffusifs a été établie en début d'alimentation.

5.4.3 Dégradation aérobie

La figure 5 représente les profils croisés de consommation d'oxygène et de substrat au sein du milieu poreux pour différentes charges hydrauliques et concentrations en substrats

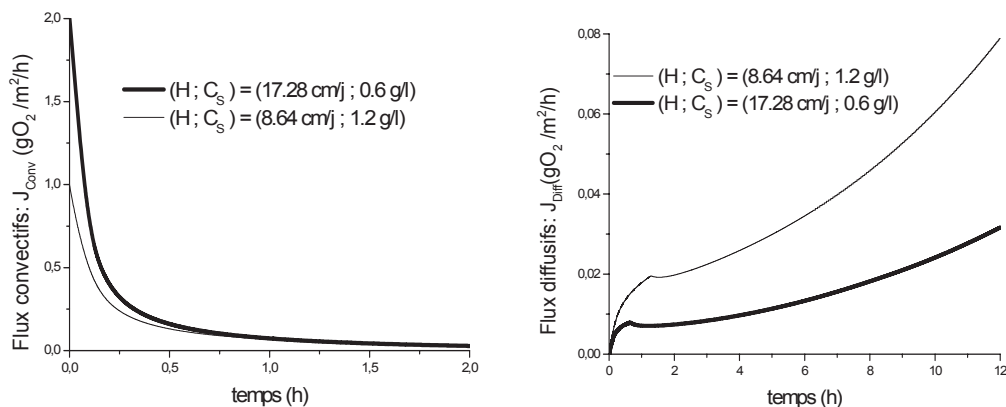


Figure 4 Évolution des flux entrants convectifs (gauche) et diffusifs (droite).
Variation of convection (left hand side) and diffusion (right hand side) inflow.

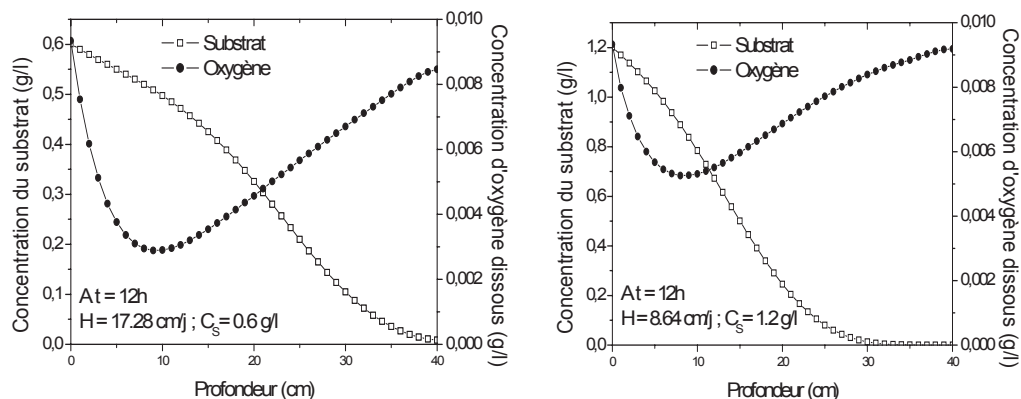


Figure 5 Profils croisés d'abattement du substrat et de consommation d'oxygène.
Cross profiles of substrate reduction and oxygen consumption.

(Tableau 3). Les conditions initiales et aux limites sont données à la section précédente.

Les travaux expérimentaux ainsi que les modèles numériques en milieux saturés de MOLZ *et al.* (1986), puis ceux de TAYLOR et JAFFÉ (1990) prévoient un développement significatif de la biomasse dans la partie supérieure des filtres où le substrat est en abondance. Il y règne par conséquent une activité bactérienne intense : c'est la biodégradation du substrat. Il apparaît sur la figure 5 que les profils d'abattement du substrat sont tout à fait bien corrélés avec les profils de concentration d'oxygène. On peut ainsi observer une décroissance rapide des concentrations en oxygène due à une activité bactérienne intense, puis une remontée en oxygène vers le fond du filtre du fait d'une absence de substrat.

Par ailleurs, il faut noter que la décroissance est ici accentuée pour une alimentation à forte charge hydraulique et faible concentration en substrat ($H = 17,28 \text{ cm/j}$; $C_s = 0,6 \text{ g/L}$). Ce constat est parfaitement lié aux faibles diffusions évoquées au paragraphe précédent pour ce cas de figure. Autrement dit, pour une gestion optimale de l'oxygénation des massifs filtrants et pour une charge organique apportée constante, l'alimentation à faible charge hydraulique de l'effluent fortement concentré est préférable à l'alimentation à forte charge hydraulique de l'effluent plus dilué. Au vu de ce résultat très important, les lits d'infiltration percolation devraient être connectés préférentiellement aux réseaux séparatifs plutôt qu'aux réseaux unitaires.

Le modèle construit permet donc, pour des conditions opératoires bien spécifiques, d'anticiper sur l'état physique et biochimique d'un filtre à sable, de localiser d'éventuelles zones anaérobies. La connaissance de la proportion du lit opérationnel, parce que effectivement efficace au bout d'un certain temps, est une aide au dimensionnement et à l'évaluation de la pérennité des installations.

6. CONCLUSION

Le modèle développé permet une meilleure compréhension des processus hydrodynamiques et biochimiques qui s'établissent au sein d'un lit d'infiltration percolation. Combinant une approche génie chimique des transferts d'oxygène gazeux vers la phase liquide et une approche mécaniste des équations de transport macroscopiques, une mise en équation assez simple des différents phénomènes complexes est effectuée. Nous procédons par la suite à une étape de vérification méthodique des phénomènes qui s'y établissent afin de s'assurer de l'exactitude de la solution numérique. Pour ce faire, des solutions pseudo-analytiques en milieux non saturés sont implémentées à partir de solutions analytiques obtenues en milieux poreux saturés. La comparaison qualitative et quantitative des résultats est

satisfaisante. La dispersion d'un soluté, son temps de séjour au sein du filtre et le taux de dégradation sont des paramètres clés dont les influences sur le taux d'abattement de la matière polluante ont été analysées.

Nous avons abordé par ailleurs l'évaluation des capacités d'oxygénation de cette filière de traitement des eaux usées à aération naturelle. Pour ce faire, un cas complexe mettant en exergue un substrat primaire (charge polluante) et un substrat secondaire (oxygène) est traité. Il ressort principalement que, d'une part, le choix de la charge hydraulique et la connaissance de la concentration en matière polluante de l'influent fournissent des indications précises sur les apports convectifs et diffusifs d'oxygène gazeux. D'autre part, pour une optimisation des capacités d'oxygénation au sein des lits d'infiltration percolation, nous montrons qu'il est préférable de les connecter aux réseaux séparatifs d'où proviennent, par nature, des effluents plus concentrés que ceux des réseaux unitaires. L'étape ultérieure au niveau de la simulation est la prise en compte par le modèle numérique du fonctionnement des filtres à sable de première génération (COOPER, 2004) ou à alimentation alternée.

RÉFÉRENCES BIBLIOGRAPHIQUES

- ATKINSON B. et I. J. DAVIES, 1974. The overall rate of substrate uptake (reaction) by microbial films, I, A biological rate equation, *Trans. Inst. Chem. Engrs.*, 52, 248-259.
- BANCOLÉ A.F., BRISSAUD. et T. GNAGNE, 2003. Oxidation processes and clogging in intermittent unsaturated infiltration, *Water Sci. Technol.*, 48, 139-146.
- BROADBRIDGE P. et I. WHITE, 1988. Constant rate rainfall infiltration: A versatile nonlinear model 1. Analytic solution. *Water Resour. Res.*, 24, 145-154.
- CAPDEVILLE B.R., BELKHADIR R. et H. ROQUES, 1988. Étude descriptive fondamentale et modélisation de la croissance d'un film biologique-II. Nouveau concept de modélisation de la croissance d'un film biologique. *Water Res.*, 22, 71-77.
- CHEN-CHARPENTIER B., 1999. Numerical simulation of biofilm growth in porous media. *J. Comput. Appl. Math.*, 103, 55-66.
- CHRISTENSEN T.H., PARKER B.L. et J.C. REFSGAARD, 1986. A model for the unsaturated zone oxygen transport and consumption model. A review of models for oxygen transport and consumption in soils with the intention of incorporation into geohydrological solute transport

- models. Department of Environmental Engineering, Technical University of Denmark. DK-2800, Lyngby.
- COOPER P., 2004. The performance of vertical flow constructed wetland systems with special reference to the significance of oxygen transfer and hydraulic loading rates. 9th International Conference on Wetland Systems for Water Pollution Control. Avignon, France, 26-30 septembre 2004.
- CURRIE J.A., 1960. Gaseous diffusion in the aeration of aggregated soils. *Soil Sci.*, 92, 40-45.
- DARCY H., 1856. Public Fountains of Dijon's Town. Paris : Victor Dalmont.
- DEB A.K., 1969. Theory of sand filtration. *J. Sanit. Eng. Div. ASCE*, 95, 399-422.
- FABRITZ J., 1995. A two dimensional numerical model for simulating the movement and biodegradation of contaminants in saturated aquifer. Mémoire de maîtrise, Université de Washington, 139 p.
- FETTER C.W., 1993. Contaminant hydrogeology. Macmillan Publishing Company, PRENTICE HALL (éditeur), New Jersey, États-Unis, 458 p.
- HEADLEY T.R., DAVISON L. et A. YEOMANS, 2004. Removal of ammonium-N from landfill leachate by vertical flow wetland: a pilot study. 9th International Conference on Wetland Systems for Water Pollution Control. Avignon, France, 26-30 septembre, 2004.
- HERMANOWICZ S.W., 1997. Biofilm structure: An interplay of models and experiments. Department of Civil and Environmental Engineering, University of California, Berkeley, Californie.
- INSEL G., GÜL Ö.K., ORHON D., VANROLLEGHEM P.A. et M. HENZE, 2002. Important limitations in the modeling of activated sludge: biased calibration of the hydrolysis process, *Water Sci. Technol.*, 45, 23-36.
- KRUH G. et E. SEGALL, 1981. Nitrogen dynamics in soil. Dans : FRISSEL M.J., VAN VEEN J.A. (éditeurs) : Simulation of Nitrogen behaviour of soil-plant systems, Centre for Agricultural Publishing and Documentation, 126-144.
- LEHMANN F., 1996. Hydrodynamique en milieux poreux hétérogènes non saturés : Identification des paramètres par approche inverse. Thèse de doctorat en mécanique. Université Louis Pasteur de Strasbourg, Strasbourg I, France, 191 p.
- MENORET C., 2001. Traitement d'effluents concentrés par cultures fixes sur gravier ou pouzzolane. Thèse de doctorat en mécanique, génie mécanique et génie civil. Université des Sciences du Languedoc, Montpellier II, France, 124 p. + annexes.
- MILLS W.B., LIU S. et F.K. FONG, 1991. Literature review and model (COMET) for colloid/metals transport in porous media, *Ground Water*, 29, 199-207.
- MOLZ F.J., WIDDOWSON M.A. et L.D. BENEFIELD, 1986. Simulation of microbial growth dynamics coupled to nutrient and oxygen transport in porous media. *Water Resour. Res.*, 22, 1207-1216.
- MORGENROTH E. et P.A. WILDERER, 1999. Influence of detachment mechanisms on competition in biofilms. *Water Res.*, 34, 417-426.
- MUALEM Y., 1976. A new model for predicting the hydraulic conductivity of unsaturated porous media. *Water Resour. Res.*, 12, 513-522.
- ODENCRANTZ J.E., 1992. Modeling the biodegradation kinetics of dissolved organic contaminants in a heterogeneous two-dimensional aquifer. Thèse de doctorat, University of Illinois, Urbana-Champaign, Illinois, États-Unis, 147 p.
- POULSEN T.G., 1994. An adaptable two dimensional numerical model for simulating movement of organic pollutants in unsaturated soils. Mémoire de maîtrise, Université de Washington, Seattle, Washington.
- POULSEN T.G., 1991. Behavior of organic pollutants in unsaturated soil. Thèse de maîtrise, Environmental Engineering Laboratory, University of Aalborg, Danemark.
- RAUGH W., VANHOOREN H et P. VANROLLEGHEM, 1999. A simplified mixed-culture biofilm model. *Water Res.*, 33, 2148-2162.
- RICHARDS L.A., 1931. Capillary conduction of liquids through porous mediums. *Phys.*, 1, 318-333.
- RIFAI H.S, BEDIENT P.B., WILSON J.W., MILLER K.M. et J.M. ARMSTRONG, 1988. Biodegradation modeling at aviation fuel spill site. *J. Environ. Eng.*, 114, 1007-1029.

- RITTMANN B.E., 1982. The effect of shear stress on biofilm loss rate. *Biotechnol. Bioeng.*, 24, 501-506.
- SCHWARZ B.C.E., DEVINNY J.S., JOSEPH S. et T.T. TSOTSIS, 2001. A biofilter network model – Importance of the pore structure and other large-scale heterogeneities. *Chem. Eng. Sci.*, 56, 475-483.
- SLEEP B.E. et J.F. SYKES, 1993, Compositional simulation of groundwater contamination by organic compounds.1. Model development and verification. *Water Resour. Res.*, 29, 1697-1708.
- TAYLOR S.W. et P.R. JAFFÉ, 1990. Substrate and biomass transport in porous medium. *Water Resour. Res.*, 26, 2181-2194.
- TIWARI S.K. et K.L. BOWERS, 2001. Modeling biofilm growth for porous media applications. *Math. Comput. Modelling*, 33, 299-319.
- VAN GENUCHTEN M.T., 1980. A closed-form equation for predicting the hydraulic conductivity of unsaturated soils. *Soil Sci. Soc. Am. J.*, 44, 892-898.
- VASEL J.L., 2003. Aération naturelle dans les procédés d'épuration à Biomasse fixée et les écosystèmes aquatiques. Dans : Transferts gaz-liquide dans les procédés de traitement des eaux et des effluents gazeux, LAVOISIER (éditeur).
- VIOTTI P., ERAMO B., BONI M.R., CARUCCI A., LECCESE M. et S. SBAFFONI, 2002. Development and calibration of a mathematical model for the simulation of the biofiltration process. *Adv. Environ. Res.*, 7, 11-33.
- WANKO A., MOSE R. et A. LIENARD, 2004. Capacités de traitement d'un effluent de synthèse en infiltration percolation. *Rev. Sci. Eau*, 18, 2, 165-175.
- WARRICK A.W., LOMEN D.O. et A. ISLAS, 1990. An analytical solution to Richards equation for a draining soil profile. *Water Resour. Res.*, 26, 253-258.
- WIND G.P. et W. VAN DOORNE, 1975. A numerical model for the simulation of unsaturated vertical flow of moisture in soil. *J. Hydrol.*, 24, 1-20.
- ZHENG C., 1993, Extension of the method of characteristics for simulation of solute transport in three dimensions. *Ground Water*, 31, 456-465.